

## Operations and Compositions of Functions :-)

**Perform the indicated operation.**

1)  $g(a) = 4a - 1$   
 $h(a) = a^2 + 5$   
 Find  $g(h(a))$

2)  $f(x) = 2x - 1$   
 $g(x) = -3x^2 - 2x$   
 Find  $(f \circ g)(x)$

3)  $g(n) = -n - 3$   
 $h(n) = n^2 + 1$   
 Find  $(g \circ h)(n)$

4)  $h(n) = -n - 1$   
 $g(n) = n^2 - n$   
 Find  $(h \circ g)(n)$

5)  $h(t) = -2t - 5$   
 $g(t) = -3t^2 - 2t$   
 Find  $h(g(t))$

6)  $f(a) = a - 2$   
 $g(a) = -3a^2 - 1$   
 Find  $(f \circ g)(a)$

7)  $g(x) = 2x - 5$   
 $f(x) = 4x + 2$   
 Find  $g(f(x))$

8)  $h(x) = -3x - 3$   
 $g(x) = x^3 + 2x^2$   
 Find  $(h \circ g)(x)$

9)  $g(a) = a^2 + 3$   
 $h(a) = 4a + 4$   
 Find  $g(h(a))$

10)  $f(x) = x^2 + 5$   
 $g(x) = 3x + 3$   
 Find  $f(g(x))$

$$11) \quad g(x) = x^3 - 1 \\ h(x) = -2x - 5 \\ \text{Find } g(h(x))$$

$$12) \quad h(x) = -3x^2 - 2x \\ g(x) = 2x + 3 \\ \text{Find } (h \circ g)(x)$$

$$13) \quad g(n) = 4n - 4 \\ f(n) = 4n + 4 \\ \text{Find } (g \circ f)(n)$$

$$14) \quad g(x) = 3x - 1 \\ h(x) = -3x^3 - 3x^2 \\ \text{Find } g(h(x))$$

$$15) \quad f(x) = 2x - 4 \\ g(x) = x + 3 \\ \text{Find } f(g(x))$$

$$16) \quad g(x) = 4x + 5 \\ f(x) = 2x - 2 \\ \text{Find } (g \circ f)(x)$$

$$17) \quad f(x) = 3x - 5 \\ \text{Find } f(f(x))$$

$$18) \quad h(x) = -3x^2 - 4x \\ g(x) = x + 5 \\ \text{Find } h(g(x))$$

$$19) \quad g(n) = 3n - 4 \\ f(n) = n^3 - 2n \\ \text{Find } (g \circ f)(n)$$

$$20) \quad g(x) = 4x \\ h(x) = x^3 + 5x^2 \\ \text{Find } g(h(x))$$

$$21) \quad f(x) = 3x \\ g(x) = x - 5 \\ \text{Find } f(x) + g(x)$$

$$22) \quad f(n) = -3n + 2 \\ g(n) = 4n + 2 \\ \text{Find } f(n) \cdot g(n)$$

23)  $f(n) = 3n + 1$   
 $g(n) = n^2 + 4n$   
Find  $(f - g)(n)$

24)  $g(a) = 2a - 5$   
 $h(a) = a^3 - a$   
Find  $g(a) + h(a)$

25)  $g(a) = 3a + 1$   
 $h(a) = 4a + 2$   
Find  $g(a) \div h(a)$

26)  $f(n) = 2n$   
 $g(n) = n^2 - 5$   
Find  $f(n) - g(n)$

27)  $f(n) = -2n - 2$   
 $g(n) = 3n - 4$   
Find  $f(n) \cdot g(n)$

28)  $g(x) = x^2 + 3$   
 $h(x) = -4x$   
Find  $\left(\frac{g}{h}\right)(x)$

29)  $g(x) = 2x + 1$   
 $h(x) = x^3 + 2x$   
Find  $(g + h)(x)$

30)  $g(x) = 3x^3 + 3x$   
 $h(x) = 2x - 2$   
Find  $g(x) \div h(x)$

31)  $f(a) = a^2 - 3$   
 $g(a) = a - 4$   
Find  $f(a) \cdot g(a)$

32)  $g(t) = 3t + 3$   
 $f(t) = t + 5$   
Find  $g(t) \cdot f(t)$

33)  $g(n) = 4n - 4$   
 $f(n) = n^2 + 4n$   
Find  $g(n) + f(n)$

34)  $h(n) = 4n - 4$   
 $g(n) = n^3 + 1$   
Find  $h(n) + g(n)$

35)  $g(t) = t + 2$   
 $f(t) = t + 1$   
Find  $g(t) + f(t)$

36)  $h(n) = 3n + 5$   
 $g(n) = n + 3$   
Find  $(h - g)(n)$

37)  $f(a) = a - 4$   
 $g(a) = a^2 - a$   
Find  $\left(\frac{f}{g}\right)(a)$

38)  $h(x) = x^2 - 5$   
 $g(x) = 3x + 3$   
Find  $h(x) + g(x)$

39)  $h(a) = -a^3 - 2a$   
 $g(a) = 4a + 3$   
Find  $h(a) - g(a)$

40)  $f(x) = 2x - 4$   
 $g(x) = -x^2 - x$   
Find  $f(x) \div g(x)$

41)  $f(n) = 3n - 4$   
 $g(n) = 2n - 1$   
Find  $(4f - g)(n)$

42)  $g(x) = x + 4$   
 $f(x) = 3x^2 + 5$   
Find  $-5g(x) - 3f(x)$

43)  $f(x) = x + 5$   
 $g(x) = x^3 - x^2 + x$   
Find  $(f - 3g)(x)$

44)  $g(n) = 3n - 5$   
 $h(n) = n^2 - 5n$   
Find  $(4g + 4h)(n)$

45)  $f(x) = -x^2 + 5$   
 $g(x) = 2x$   
Find  $2f(x) + 3g(x)$

46)  $h(x) = 2x^3 + x^2$   
 $g(x) = 3x + 5$   
Find  $2h(x) + 2g(x)$

$$47) \quad f(x) = x^2 - x \\ g(x) = 3x + 2 \\ \text{Find } (2f - 4g)(x)$$

$$48) \quad g(a) = 4a - 4 \\ f(a) = 4a + 1 \\ \text{Find } -3g(a) - 5f(a)$$

$$49) \quad h(n) = n + 1 \\ g(n) = n^2 - 1 \\ \text{Find } h(n) - 2g(n)$$

$$50) \quad g(x) = 3x - 3 \\ h(x) = x^3 - 4x \\ \text{Find } (5g - 3h)(x)$$

$$51) \quad f(n) = n - 4 \\ g(n) = 2n \\ \text{Find } 3f(n) + 5g(n)$$

$$52) \quad h(x) = -2x + 4 \\ g(x) = x^3 - 2x \\ \text{Find } (4h + g)(x)$$

$$53) \quad f(n) = -4n - 3 \\ g(n) = n^2 - 3n \\ \text{Find } 5f(n) - g(n)$$

$$54) \quad g(x) = 2x + 2 \\ f(x) = x^3 + 5 \\ \text{Find } (3g - 3f)(x)$$

$$55) \quad h(t) = 2t^2 + 2t \\ g(t) = -t - 4 \\ \text{Find } (3h + 2g)(t)$$

$$56) \quad f(x) = -3x^2 + 4 + 2x \\ g(x) = 4x - 5 \\ \text{Find } 3f(x) - g(x)$$

$$57) \quad g(t) = 2t - 5 \\ f(t) = t^3 + 3t \\ \text{Find } (3g + f)(t)$$

$$58) \quad g(t) = -t^2 + 4 \\ h(t) = -t - 2 \\ \text{Find } (3g - 4h)(t)$$

59)  $g(x) = 2x + 3$   
 $f(x) = x - 4$   
Find  $g(x) - 4f(x)$

60)  $h(x) = x^3 - 5x^2$   
 $g(x) = 4x - 5$   
Find  $(2h - 2g)(x)$

61)  $f(n) = -n - 5$   
 $g(n) = n - 3$   
Find  $f(g(-3))$

62)  $f(x) = x^2 - 1$   
 $g(x) = -4x$   
Find  $f(7) - 2g(7)$

63)  $g(x) = x^2 + 5x$   
 $h(x) = 3x - 3$   
Find  $(g - h)(-10)$

64)  $g(t) = 4t - 4$   
 $h(t) = -t^3 - 5t^2$   
Find  $g(-5) \cdot h(-5)$

65)  $g(n) = 2n - 4$   
 $h(n) = -2n + 2$   
Find  $(g - 5h)(4)$

66)  $f(x) = x + 4$   
 $g(x) = 2x + 2$   
Find  $(f + g)(-8)$

67)  $f(x) = 4x + 2$   
 $g(x) = 2x + 4$   
Find  $f(-9) + g(-9)$

68)  $g(t) = t^2 + 2t$   
 $h(t) = 3t - 3$   
Find  $g(0) \cdot h(0)$

69)  $g(n) = 3n + 3$   
 $h(n) = 2n + 3$   
Find  $g(-9) \div h(-9)$

70)  $f(x) = 3x + 1$   
 $g(x) = x^3 - x$   
Find  $(f - g)(-1)$

$$71) \begin{aligned} f(t) &= -2t \\ g(t) &= t^2 - 4t \\ \text{Find } (f - g)(9) \end{aligned}$$

$$72) \begin{aligned} g(n) &= -3n^2 + 2n \\ f(n) &= n + 2 \\ \text{Find } g(10) \div f(10) \end{aligned}$$

$$73) \begin{aligned} h(n) &= -2n + 3 \\ g(n) &= 4n \\ \text{Find } (h \circ g)(-2) \end{aligned}$$

$$74) \begin{aligned} f(a) &= 3a - 3 \\ g(a) &= -2a^2 + 6a \\ \text{Find } (-5f - 2g)(6) \end{aligned}$$

$$75) \begin{aligned} g(x) &= x^2 - 2 - x \\ h(x) &= 2x - 2 \\ \text{Find } (5g + 2h)(-2) \end{aligned}$$

$$76) \begin{aligned} h(x) &= 3x - 1 \\ g(x) &= x^2 - 1 \\ \text{Find } h(9) + g(9) \end{aligned}$$

$$77) \begin{aligned} f(t) &= 2t - 1 \\ g(t) &= 3t - 3 \\ \text{Find } f(6) \cdot g(6) \end{aligned}$$

$$78) \begin{aligned} g(n) &= n^2 + 5n \\ h(n) &= -4n \\ \text{Find } (g \cdot h)(-4) \end{aligned}$$

$$79) \begin{aligned} h(x) &= 4x - 1 \\ g(x) &= x^2 - x \\ \text{Find } (h + g)(7) \end{aligned}$$

$$80) \begin{aligned} g(a) &= 4a - 2 \\ h(a) &= a^3 + 3a^2 \\ \text{Find } \left(\frac{g}{h}\right)(-5) \end{aligned}$$

$$81) \begin{aligned} f(t) &= -3t - 4 \\ g(t) &= 2t \\ \text{Find } f(-2t) - g(-2t) \end{aligned}$$

$$82) \begin{aligned} g(x) &= 2x - 4 \\ f(x) &= 4x + 3 \\ \text{Find } g(f(3 + x)) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}83) \quad & f(n) = 4n - 5 \\& g(n) = n + 4 \\& \text{Find } (f - g)(n + 3)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}84) \quad & g(x) = x^3 - 5x^2 - x \\& f(x) = x + 1 \\& \text{Find } g(f(x^2))\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}85) \quad & f(n) = 2n + 1 \\& g(n) = n^2 + n \\& \text{Find } f\left(\frac{n}{3}\right) \cdot g\left(\frac{n}{3}\right)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}86) \quad & g(a) = 4a - 3 \\& h(a) = a^2 + 2a \\& \text{Find } g(z - 4) \div h(z - 4)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}87) \quad & f(a) = 3a^2 - 1 \\& g(a) = 2a - 5 \\& \text{Find } f(z^2) \cdot g(z^2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}88) \quad & g(t) = -t + 4 \\& f(t) = 4t - 3 \\& \text{Find } g(4t) + f(4t)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}89) \quad & g(n) = 3n + 3 \\& f(n) = -n - 2 \\& \text{Find } g(-4n) + f(-4n)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}90) \quad & f(x) = x + 5 \\& g(x) = 2x - 5 \\& \text{Find } \left(\frac{f}{g}\right)(2b)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}91) \quad & h(a) = 2a - 4 \\& g(a) = a^3 - 5a^2 \\& \text{Find } 2h(-a) + 2g(-a)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}92) \quad & f(a) = 2a + 4 \\& g(a) = 3a + 4 \\& \text{Find } f(-4a) \div g(-4a)\end{aligned}$$

93)  $g(x) = 4x + 2$   
 $h(x) = x^2 - 4x$   
 Find  $(g \circ h)\left(\frac{n}{4}\right)$

94)  $h(n) = 3n$   
 $g(n) = n^3 + 2n^2$   
 Find  $(h - g)(-n)$

95)  $h(n) = 2n + 2$   
 $g(n) = 2n^2 + n$   
 Find  $(h - g)(-2n)$

96)  $g(x) = 2x + 1$   
 $h(x) = x^2 + 2x$   
 Find  $(g \circ h)(x + 3)$

97)  $h(a) = 4a$   
 $g(a) = 2a + 3$   
 Find  $(h \cdot g)(4a)$

98)  $h(n) = -n + 3$   
 $g(n) = -2n + 2$   
 Find  $h\left(\frac{n}{3}\right) \cdot g\left(\frac{n}{3}\right)$

99)  $f(n) = 3n^2 - 2n$   
 $g(n) = -n - 1$   
 Find  $f(3 + n) - 5g(3 + n)$

100)  $g(n) = n + 4$   
 $f(n) = n^2 + 5n$   
 Find  $(5g + 3f)\left(\frac{z}{2}\right)$

# Answers to Operations and Compositions of Functions :-)

- 1)  $4a^2 + 19$   
 5)  $6t^2 + 4t - 5$   
 9)  $16a^2 + 32a + 19$   
 12)  $-12x^2 - 40x - 33$   
 16)  $8x - 3$   
 20)  $4x^3 + 20x^2$   
 24)  $a^3 + a - 5$   
 28)  $\frac{-x^2 - 3}{4x}$   
 32)  $3t^2 + 18t + 15$   
 36)  $2n + 2$   
 40)  $\frac{2x - 4}{-x^2 - x}$   
 43)  $-3x^3 + 3x^2 - 2x + 5$   
 46)  $4x^3 + 2x^2 + 6x + 10$   
 49)  $-2n^2 + n + 3$   
 53)  $-n^2 - 17n - 15$   
 57)  $t^3 + 9t - 15$   
 60)  $2x^3 - 10x^2 - 8x + 10$   
 63) 83  
 67) -48  
 71) -63  
 75) 8  
 79) 69  
 83)  $3n$   
 87)  $6z^6 - 15z^4 - 2z^2 + 5$   
 90)  $\frac{2b + 5}{4b - 5}$   
 93)  $\frac{8 - 16n + n^2}{4}$   
 97)  $128a^2 + 48a$   
 2)  $-6x^2 - 4x - 1$   
 6)  $-3a^2 - 3$   
 10)  $9x^2 + 18x + 14$   
 13)  $16n + 12$   
 17)  $9x - 20$   
 21)  $4x - 5$   
 25)  $\frac{3a + 1}{4a + 2}$   
 29)  $x^3 + 4x + 1$   
 33)  $n^2 + 8n - 4$   
 37)  $\frac{a - 4}{a^2 - a}$   
 41)  $10n - 15$   
 44)  $4n^2 - 8n - 20$   
 47)  $2x^2 - 14x - 8$   
 50)  $-3x^3 + 27x - 15$   
 54)  $-3x^3 + 6x - 9$   
 58)  $-3t^2 + 4t + 20$   
 61) 1  
 64) 0  
 68) 0  
 72)  $-\frac{70}{3}$   
 76) 106  
 80)  $\frac{11}{25}$   
 84)  $x^6 - 2x^4 - 8x^2 - 5$   
 88)  $12t + 1$   
 91)  $-2a^3 - 10a^2 - 4a - 8$   
 94)  $n^3 - 2n^2 - 3n$   
 98)  $\frac{54 - 24n + 2n^2}{9}$   
 3)  $-n^2 - 4$   
 7)  $8x - 1$   
 11)  $-8x^3 - 60x^2 - 150x - 126$   
 14)  $-9x^3 - 9x^2 - 1$   
 18)  $-3x^2 - 34x - 95$   
 22)  $-12n^2 + 2n + 4$   
 26)  $-n^2 + 2n + 5$   
 30)  $\frac{3x^3 + 3x}{2x - 2}$   
 34)  $n^3 + 4n - 3$   
 38)  $x^2 + 3x - 2$   
 42)  $-9x^2 - 5x - 35$   
 45)  $-2x^2 + 6x + 10$   
 48)  $-32a + 7$   
 51)  $13n - 12$   
 55)  $6t^2 + 4t - 8$   
 59)  $-2x + 19$   
 62) 104  
 65) 34  
 69)  $\frac{8}{5}$   
 73) 19  
 77) 165  
 81)  $10t - 4$   
 85)  $\frac{9n^2 + 9n + 2n^3}{27}$   
 89)  $-8n + 1$   
 92)  $\frac{-2a + 1}{-3a + 1}$   
 95)  $-8n^2 - 2n + 2$   
 99)  $3n^2 + 21n + 41$   
 4)  $-n^2 + n - 1$   
 8)  $-3x^3 - 6x^2 - 3$   
 15)  $2x + 2$   
 19)  $3n^3 - 6n - 4$   
 23)  $-n^2 - n + 1$   
 27)  $-6n^2 + 2n + 8$   
 31)  $a^3 - 4a^2 - 3a + 12$   
 35)  $2t + 3$   
 39)  $-a^3 - 6a - 3$   
 52)  $x^3 - 10x + 16$   
 56)  $-9x^2 + 2x + 17$   
 66) -18  
 70) -2  
 74) -3  
 78) -64  
 82)  $8x + 26$   
 86)  $\frac{4z - 19}{z^2 - 6z + 8}$   
 96)  $2x^2 + 16x + 31$   
 100)  $\frac{80 + 40z + 3z^2}{4}$